

Table des matières



Préface	xi
1 Algèbre, Combinatoire et Informatique	1
Chapitre 1 Raisonner, résoudre et rédiger	3
1 Théorie mathématique	3
2 Raisonner	5
3 Démontrer	6
4 Résoudre et rédiger	8
Chapitre 2 Notion d'algorithme	12
1 Définition d'un algorithme	12
2 Structure d'un algorithme	14
3 Branchement procédural	23
4 Un exemple d'algorithme à instructions multiples	26
Chapitre 3 Programmation	28
1 Les instructions au programme de la classe	29
2 Les variables en Pascal	35
3 La structure d'un programme Pascal	43
4 Les branchements procéduraux	45
5 En guise de conclusion	55
Chapitre 4 Ensembles et applications	56
1 Ensembles et sous-ensembles	56
2 Applications	66

Chapitre 5	Nombres réels et calcul élémentaire	78
1	Calcul dans \mathbb{R}	78
2	L'ordre dans \mathbb{R}	90
3	Les sous-ensembles remarquables de \mathbb{R}	96
4	Calcul de sommes	104
Chapitre 6	Nombres complexes	117
1	Définitions, règles de calcul	117
2	Interprétation graphique, formules de trigonométrie	123
3	Équations dans \mathbb{C}	131
Chapitre 7	Polynômes réels ou complexes	141
1	Définitions	141
2	L'ensemble $\mathbb{K}[X]$	152
3	Division, factorisation	156
4	Dérivation	162
5	Compléments	164
Chapitre 8	Cardinaux, dénombrement	171
1	Cardinaux	171
2	Applications entre ensembles finis	179
3	Coefficients binomiaux	181
4	Problèmes de dénombrement	189
2	Algèbre linéaire	199
Chapitre 9	Espaces vectoriels	201
1	Espaces, sous-espaces	201
2	Famille de vecteurs	209
3	Somme de sous-espaces	218
Chapitre 10	Applications linéaires	225
1	Premières propriétés	225
2	Image d'une famille de vecteurs	232
3	Projecteurs et symétries	234
Chapitre 11	Espaces vectoriels de dimension finie	242
1	Espaces de dimension finie	242
2	Sous-espaces d'un espace de dimension finie	246
3	Rang	251

Chapitre 12	Matrices	258
1	Définitions	258
2	Espace vectoriel $\mathcal{M}_{n,p}(\mathbb{K})$	262
3	Produit de matrices	265
4	Matrices inversibles	272
5	Rang d'une matrice	275
6	Transposition	277
Chapitre 13	Systèmes linéaires	283
1	Opérations élémentaires sur les matrices	283
2	Résolution des systèmes linéaires	289
Chapitre 14	Réduction	297
1	Changement de bases	297
2	Réduction d'un endomorphisme	301
3	Réduction d'une matrice	304
4	Pratique de la réduction	307
5	Applications de la réduction	310
3	Analyse	319
Chapitre 15	Suites et nombres réels	321
1	Définitions	321
2	Convergence et divergence	322
3	Propriétés des limites	326
4	Suites adjacentes	331
5	Borne supérieure ou inférieure d'une partie de \mathbb{R}	334
6	Partie entière, approximation décimale	338
Chapitre 16	Limites d'une fonction	343
1	Définition, propriétés	343
2	Limites et opérations	349
3	Propriétés liées à l'ordre	356
4	Fonctions monotones et limites	357
Chapitre 17	Exemples d'études de suites	363
1	Suites récurrentes	363
2	Suites arithmético-géométriques	366
3	Suites vérifiant une relation $u_{n+1} = f(u_n)$	366
4	Récurrentes linéaires d'ordre 2	371

Chapitre 18	Relations de comparaison	378
1	Relations de comparaison entre suites	378
2	Relations de comparaison entre fonctions	382
Chapitre 19	Continuité sur un intervalle	394
1	Fonctions continues sur un intervalle	394
2	Théorème des valeurs intermédiaires	395
3	Image d'un segment par une fonction continue	396
4	Fonctions continues strictement monotones sur un intervalle	397
Chapitre 20	Dérivation	405
1	Dérivabilité en x_0	405
2	Calcul des dérivées	411
3	Théorème de Rolle et accroissements finis	416
4	Dérivation et sens de variation	420
5	Dérivées successives	422
6	Convexité	426
Chapitre 21	Intégration	438
1	Intégrale d'une fonction en escalier	438
2	Intégrale des fonctions continues et continues par morceaux	443
3	Propriétés de l'intégrale d'une fonction continue par morceaux	449
4	Sommes de Riemann	454
Chapitre 22	Primitives et intégrales	463
1	Primitives	463
2	Primitivation d'une fonction continue	465
3	Méthodes de calcul des intégrales des fonctions continues	470
Chapitre 23	Formules de Taylor	476
1	Formule de Taylor avec reste intégral	476
2	Formule de Taylor-Lagrange	478
3	Formule de Taylor-Young	480
Chapitre 24	Développements limités	486
1	Définitions, propriétés	486
2	Développements limités des fonctions usuelles	489
3	Opérations sur les développements limités	493
4	Applications des développements limités	498

Chapitre 25	Séries	507
1	Définitions, propriétés	507
2	Séries à termes positifs	512
3	Séries à termes de signe quelconque	518
4	Calcul de sommes	522
5	Dérivées de la série géométrique	522
Chapitre 26	Éléments de topologie du plan	528
1	Rappels sur \mathbb{R}^2	528
2	Norme et distance euclidienne	531
3	Parties ouvertes, parties fermées	535
4	Parties convexes	538
Chapitre 27	Fonctions de deux variables, continuité	543
1	Graphe d'une fonction	543
2	Continuité d'une fonction de \mathbb{R}^2 dans \mathbb{R}	547
3	Opérations sur les fonctions continues	550
4	Propriétés des fonctions continues	555
Chapitre 28	Fonctions de deux variables, calcul différentiel	560
1	Dérivées partielles d'ordre 1	560
2	Fonctions de classe C^1	565
4	Probabilités - Statistiques	573
Chapitre 29	Espaces probabilisés	575
1	Espaces probabilisables	575
2	Lois de probabilité	593
3	Les probabilités conditionnelles	613
Chapitre 30	Variables aléatoires réelles discrètes	635
1	Une fonction liée à une expérience aléatoire : la variable aléatoire	635
2	Les moments d'une variable aléatoire	659
3	Les lois usuelles	675
Chapitre 31	Couples de variables aléatoires réelles discrètes	695
1	Vecteur aléatoire	695
2	La covariance	724
3	Convergence et approximations	736

Chapitre 32	Statistique descriptive	743
1	Populations et échantillons	743
2	Caractères	744
3	Séries statistiques	745
4	Représentations graphiques d'une série	751
5	Caractéristiques de position	758
6	Caractéristiques de dispersion	764
Solution des exercices		772
	Chapitre 4	774
	Chapitre 5	779
	Chapitre 6	783
	Chapitre 7	788
	Chapitre 8	793
	Chapitre 9	799
	Chapitre 10	806
	Chapitre 11	814
	Chapitre 12	823
	Chapitre 13	833
	Chapitre 14	840
	Chapitre 15	860
	Chapitre 16	869
	Chapitre 17	876
	Chapitre 18	886
	Chapitre 19	892
	Chapitre 20	901
	Chapitre 21	912
	Chapitre 22	923
	Chapitre 23	933
	Chapitre 24	943
	Chapitre 25	958
	Chapitre 26	971
	Chapitre 27	979
	Chapitre 28	985
	Chapitre 29	994
	Chapitre 30	1004
	Chapitre 31	1016